

3ª acumulación.

Tomando los valores obtenidos de $C(x)$, construyamos la tercera acumulación, que llamaremos $D(x)$. Primeramente se da un valor inicial $D(0)=-1$ y se elabora la tabla 3 de acumulaciones:

x	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
D(x)	-1	-4	12	-22	-31	-36	-34	-22	3	44	104
C(x)		-3	-8	-10	-9	-5	2	12	25	41	60

Tabla 3. Tabla de valores de $D(x)$ y $C(x)$.

Con la ayuda de la función cuadrática de la forma, se construye la nueva función $D(x)$, que en este caso es de tercer grado y es de la forma $D(x) = a_3x^3 + a_2x^2 + a_1x + a_0$, para encontrar los valores de los coeficientes se toman 4 puntos y resolviendo el sistema de ecuaciones resultante se encuentra que valen $a_3 = \frac{1}{2}; a_2 = -4; a_1 = \frac{1}{2}; a_0 = -1$, por lo que la expresión algebraica de la función es:

$$D(x) = \frac{1}{2}x^3 - 4x^2 + \frac{1}{2}x - 1$$

En la siguiente gráfica se observa el procedimiento usado para obtener la tercera acumulación, partiendo de la segunda acumulación.

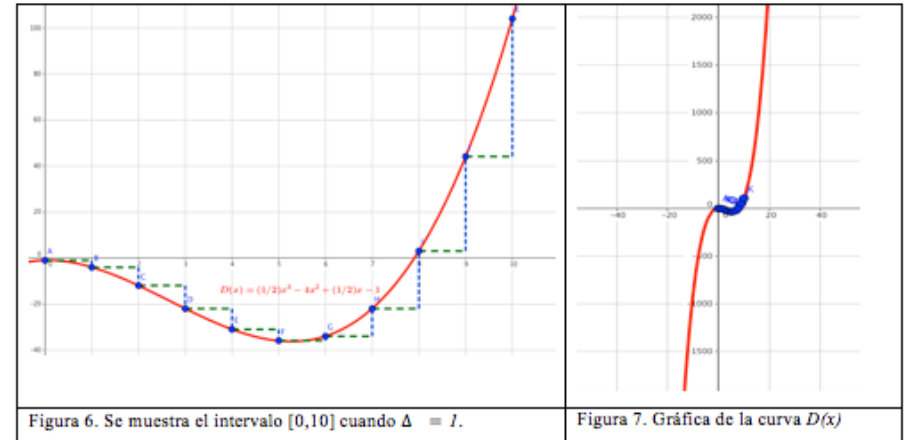


Figura 6. Se muestra el intervalo $[0,10]$ cuando $\Delta = 1$.

Figura 7. Gráfica de la curva $D(x)$

En la siguiente tabla, se hace una comparación de las acumulaciones obtenidas para la función polinomial y sus respectivas integrales.

	$f(x) = 3$	
1ª acumulación	$3x - 5$	$\int 3dx = 3x + c_1$
2ª acumulación	$\frac{3}{2}x^2 - \frac{13}{2}x - 3$	$\int (3x + c_1)dx = \frac{3}{2}x^2 + c_1x + c_2$
3ª acumulación	$\frac{1}{2}x^3 - 4x^2 + \frac{1}{2}x - 1$	$\int (\frac{3}{2}x^2 + c_1x + c_2)dx = \frac{1}{2}x^3 + \frac{c_1}{2}x^2 + c_2x + c_3$

Tabla 4. Comparación de las funciones